

**Første Studieår ved Det Teknisk-Naturvidenskabelige Fakultet og Det Sundhedsvidenskabelige Fakultet**

# Calculus Forår 2012

## Hold 4

---

### Opgavesæt 18

Opgaver i A&E	
Afsnit 13.3	3*, 7*, 11*, 16*, 17*, 21*
Afsnit A.1	1, 2*, 3, 4*, 34*, 35, 36*, 37

#### \* Diverse vink

- 13.3** 3: a. Indsæt den geometriske betingelse  $(x, y, z) = k(1, 2, 2)$  i planens ligning.  
Mellemløsning:  $k = 1/3$ .
- b. Mellemløsning: Indsættelse af  $x = 3 - 2y - 2z$  i  $x^2 + y^2 + z^2$  giver funktionen  $f(y, z) = 5y^2 + 5z^2 + 8yz - 12y - 12z + 9$ . Løs ligningssystemet  $\partial f / \partial y = 0$ ,  $\partial f / \partial z = 0$ .
- c. Mellemløsning: Lagrangepunktionen bliver  $x^2 + y^2 + z^2 - \lambda(x + 2y + 2z - 3)$ .
- 7: Antag  $a, b$  og  $c$  positive. For simplere regninger bestem først  $abc$ , derefter  $V$ .  
Mellemløsning: Lagrangepunktionen bliver  $abc - \lambda(1/a^2 + 4/b^2 + 1/c^2 - 1)$ , hvoraf  $a^2 = b^2/4 = c^2$ . Facit:  $V = 8\pi\sqrt{3}$ .
- 11: Bemærk, at der er to bibetingelser.
- 16: Mellemløsning:  $\lambda = \pm\sqrt{n}/2$ ,  $x_i = \pm 1/\sqrt{n}$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$ .  
Facit: Størsteværdi  $\sqrt{n}$ , mindsteværdi  $-1/\sqrt{n}$ .
- 17: Formlen  $1^2 + 2^2 + \dots + n^2 = n(n+1)(2n+1)/6$  kan anvendes.  
Mellemløsning:  $\lambda = \pm\sqrt{n(n+1)(2n+1)/6}/2$ ,  
 $x_i = \pm i\sqrt{(6/n(n+1)(2n+1))}$ ,  $i = 1, 2, \dots, n$ .  
Facit:  $\pm\sqrt{n(n+1)(2n+1)/6}$  (fejl i facitliste)
- 21: Mellemløsning: Med  $x$  for længde,  $y$  for dybde og  $z$  for højde skal vi bestemme størsteværdi af  $5xy + 6xz + 2yz$  under bibetingelsen  $xyz = V$ .
- A.1** 2: Facit:  $\operatorname{Re}(z) = 4$ ,  $\operatorname{Im}(z) = -1$   
4: Facit:  $\operatorname{Re}(z) = -6$ ,  $\operatorname{Im}(z) = 0$   
34: Facit:  $5 + 4i$   
36: Facit: 17

---

Opdateret den