

DMat-05

Eksempler på slutningsregler:

Modus ponens

$$\begin{array}{c} p \\ p \rightarrow q \\ \therefore q \end{array}$$

Modus tollens

$$\begin{array}{c} \neg q \\ p \rightarrow q \\ \therefore \neg p \end{array}$$

Hypothetical syllogism
(Kædeslutningsregel)

$$\begin{array}{c} p \rightarrow q \\ q \rightarrow r \\ \therefore p \rightarrow r \end{array}$$

Simplifikation

$$\begin{array}{c} p \wedge q \\ \therefore p \end{array}$$

Addition

$$\begin{array}{c} p \\ \therefore p \vee q \end{array}$$

Se flere slutningsregler i Rosen, afsnit 1.5.

Afsnit 3.1

Definition 1. En algoritme er en endelig mængde af præcise instruktioner til at udføre en beregning eller løse et problem.

Dette er ikke en egentlig definition i matematisk forstand.

Rækkefølgen af instruktioner er vigtig!

Yderligere egenskaber for en algoritme:
input, output, præcis defineret, korrekt, endelig, hver skridt kan udføres på endelig tid, generel

Algoritme=Procedure

```
procedure linear search( $x$ :heltal,  $a_1, \dots, a_n$ : forskellige heltal)
 $i := 1$ 
while  $i \leq n$  and  $x \neq a_i$ 
     $i := i + 1$ 
if  $i \leq n$  then  $location := i$  else  $location := 0$ 
```

{ hvis $location = 0$ så er x ikke i listen, ellers er $a_{location} = x$ }

```
procedure binary search(x: heltal,  $a_1, \dots, a_n$ : voksende følge af  
heltal)  
i := 1  
j := n  
while i < j  
begin  
    m :=  $\lfloor (i + j)/2 \rfloor$   
    if x >  $a_m$  then i := m + 1  
    else j := m  
end  
if x =  $a_i$  then location := i  
else location := 0  
{ hvis location = 0 så er x ikke i listen, ellers er  $a_{location} = x$  }
```

Algoritme 4: Bubble sortering

Side 173

procedure bubblesort(a_1, \dots, a_n : reelle tal med $n \geq 2$)

for $i := 1$ **to** $n - 1$

for $j := 1$ **to** $n - i$

if $a_j > a_{j+1}$ **then** ombyt a_j og a_{j+1}

{ a_1, \dots, a_n er nu i voksende rækkefølge}

```
procedure change( $c_1, \dots, c_r, n$ : positive hele tal)
{der skal udbetales  $n$  cents ved hjælp møntværdier  $c_1 > c_2 > \dots > c_r$ }
for  $i := 1$  to  $r$ 
  while  $n \geq c_i$ 
    begin
      tilføj en mønt med værdi  $c_i$  til byttepengene
       $n := n - c_i$ 
    end
```