

Sætning 8

Lad A være en $n \times n$ matrix.

Så er følgende udsagn ækvivalente:

- a. A er en invertibel matrix.
- b. A er rækkeækvivalent med identitetsmatricen I_n .
- e. Søjlerne i A er lineært uafhængige.
- h. Søjlerne i A udspænder \mathbb{R}^n .

F.eks. er $(e) \Leftrightarrow (h)$. Men dette gælder kun for *kvadratiske* matricer ($n \times n$ matricer).

Lad $T : \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}^n$ være en lineær transformation.

Hvis T er enentydig og på så har T en invers funktion, T^{-1} , som også er en lineær transformation.

For alle vektorer $\mathbf{x} \in \mathbb{R}^n$ gælder:

$$T^{-1}(T(\mathbf{x})) = \mathbf{x}$$

$$T(T^{-1}(\mathbf{x})) = \mathbf{x}$$

Hvis T har standardmatrix A så har T en invers funktion (T er invertibel) hvis og kun hvis A har en invers (A er invertibel).

Standardmatricen for T^{-1} er så A^{-1} .