

## Afsnit 3.2

$f(x), g(x)$ : funktioner.

Vi siger  $f(x)$  er  $O(g(x))$  hvis der findes konstanter  $k, C$  så

$$|f(x)| < C \cdot |g(x)|,$$

for alle (hele eller reelle) tal  $x > k$ .

Idé:  $f(x)$  er et kompliceret udtryk, eller funktion der ikke kan beregnes præcist.  $g(x)$  er et simpelt udtryk.  
 $g(x)$  vokser mindst lige så hurtigt som  $f(x)$ .

## Korollar 1

Hvis  $f_1(x)$  er  $O(g(x))$  og  $f_2(x)$  er  $O(g(x))$  så er  $f_1(x) + f_2(x)$  også  $O(g(x))$ .

## Sætning 4

Lad  $f(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$ , hvor  $a_n \neq 0$  ( $f(x)$  er altså et vilkårligt polynomium af grad  $n$ )

Så er  $f(x) \in O(x^n)$  og  $x^n$  er  $O(f(x))$ .

Altså:  $f(x)$  er  $\Theta(x^n)$ .

## Eksempel.

$x^5 + 6x^4 + 3x^2 + 5$  er  $O(x^5)$

$n^5 + 6n^4 + 3n^2 + 5$  er  $O(n^5)$

$\log(x)^k$  er  $O(x)$  for enhver konstant  $k$ .

**Eksempel.**

$$x^2 \log(x)^3 + 3x^4 + 7x + 2\sqrt{x}$$

er  $O(x^4)$ .

$f(x), g(x)$  : funktioner.

Vi siger at  $f(x)$  er  $\Omega(g(x))$  hvis der findes positive konstanter  $k, C$  så

$$|f(x)| > C \cdot |g(x)|,$$

for alle (hele eller reelle) tal  $x > k$ .

( $f(x)$  er  $\Omega(g(x))$  hvis og kun hvis  $g(x)$  er  $O(f(x))$ .)

Vi siger at  $f(x)$  er  $\Theta(g(x))$  hvis  $f(x)$  er  $O(g(x))$  og  $f(x)$  er  $\Omega(g(x))$ .

( $f(x)$  og  $g(x)$  “vokser lige hurtigt”)

## Afsnit 3.3

Betrægt en algoritme.

$n$  : størrelsen af input.

$f(n)$  : det største antal skridt algoritmen bruger hvis inputtet har størrelse  $n$ . (worst case)

Find et simpelt udtryk  $g(n)$  så  $f(n)$  er  $O(g(n))$ .

Vi siger at algoritmen har (tids-) kompleksitet  $O(g(n))$ .

```
procedure bubblesort( $a_1, \dots, a_n$ : reelle tal med  $n \geq 2$ )
for  $i := 1$  to  $n - 1$ 
    for  $j := 1$  to  $n - i$ 
        if  $a_j > a_{j+1}$  then ombyt  $a_j$  og  $a_{j+1}$ 
    {  $a_1, \dots, a_n$  er nu i voksende rækkefølge}
```