

DMat-13

while *condition*
statement

En invariant for while-løkken er et udsagn P som opfylder:

Hvis P og *condition* er sande før udførelse af *statement* så er P også sand efter udførelsen af *statement*.

En følge a_0, a_1, a_2, \dots er defineret ved

$$a_0 = 0, \quad a_1 = 1 \text{ og}$$

$$a_n = 2a_{n-1} + a_{n-2}, \text{ for } n \geq 2.$$

$$0, 1, 2, 5, 12, \dots$$

Iterativ beregning af a_n , $n \geq 1$:

$$x := 0, \quad y := 1, \quad i := 0$$

while $i \leq n - 2$

$$h := 2y + x$$

$$x := y$$

$$y := h$$

$$i := i + 1$$

$$\{y = a_n\}$$

Invariant: $x = a_i, \quad y = a_{i+1}, \quad i \leq n - 1.$

Antag at $x = a_i$, $y = a_{i+1}$, $i \leq n-1$

og $i \leq n-2$ er sand for en iteration.

Efter iteration: $h_{ny} = 2a_{i+1} + a_i = a_{i+2}$

$$x_{ny} = y = a_{i+1} = a_{i_{ny}}$$

$$y_{ny} = h = a_{i+2} = a_{i_{ny}+1}$$

$$i_{ny} = i+1 \leq n-2+1 = n-1$$

Udsagnet er altså en invariant

Invarianten er sand for første iteration

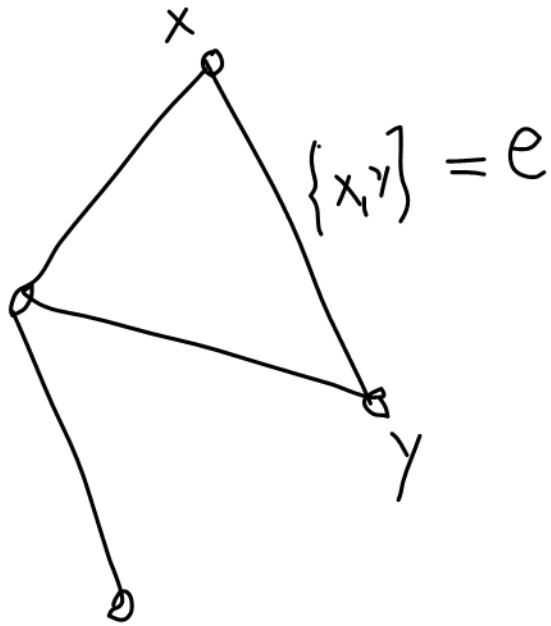
Defineret efter sidste iteration:

$$i \leq n-2 \quad \text{fæst}$$

$$i \leq n-1 \quad \text{Sand, Altså } i = n-1$$

$$y = a_{i+1} = a_n$$

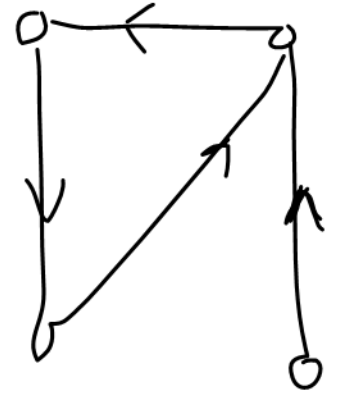
Kap 10



Simple graph



Multigraph



oriented graph

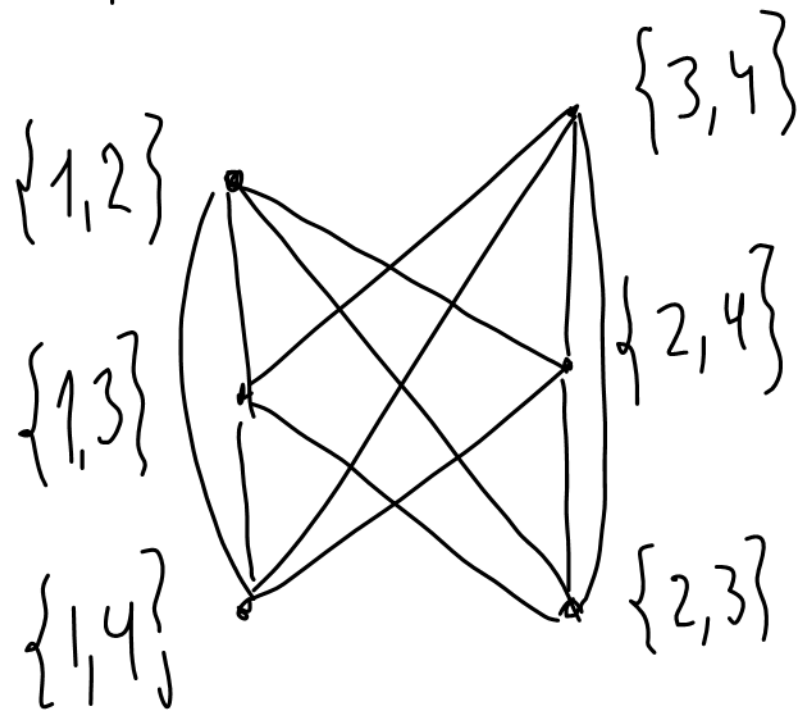
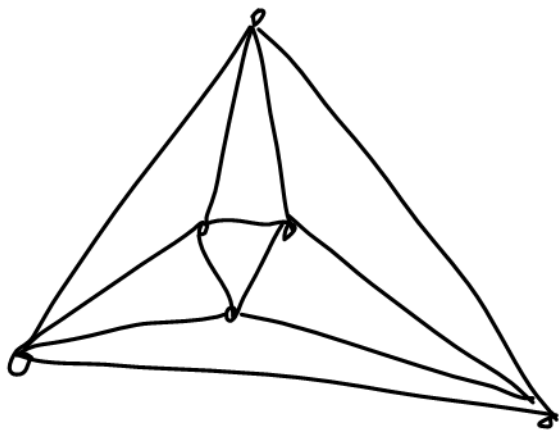
EKS

$$V = \{ \{i, j\} \mid i, j \in \mathbb{Z}, 1 \leq i < j \leq 4 \}$$

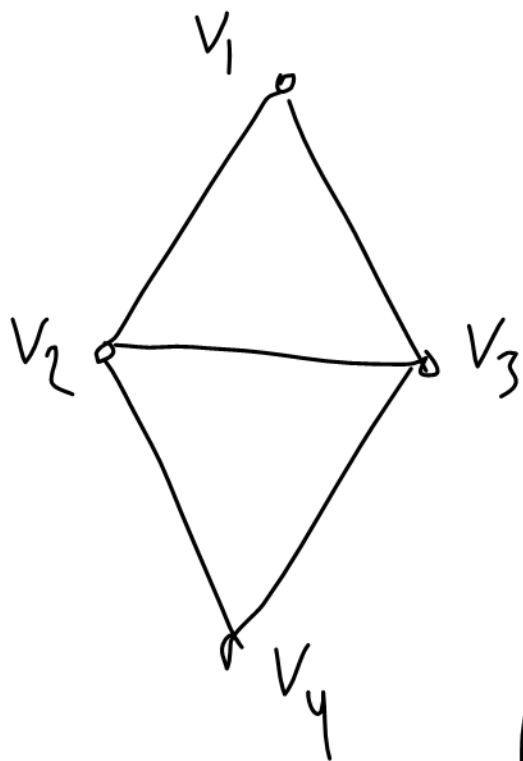
$$= \{ \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{1, 4\}, \{2, 3\}, \{2, 4\}, \{3, 4\} \}$$

$$E = \{ \{u, v\} \mid u \cap v \neq \emptyset \}$$

$$G = (V, E)$$



G



$$N(v_1) = \{v_2, v_3\}$$

$$\deg(v_1) = 2$$

$$\deg(v_2) = 3$$

Nachliste

v	N(v)
v ₁	v ₂ , v ₃
v ₂	v ₁ , v ₃ , v ₄
v ₃	v ₁ , v ₂ , v ₄
v ₄	v ₂ , v ₃

Nahomatrix

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Let G være en ikke-orienteret graf. Lad $n \geq 0$ være et helt tal og lad u og v være punkter i G .

En **vej** (path) af længde n fra u til v består af en følge af kanter

$$e_1, e_2, \dots, e_n$$

i G , som opfylder at der findes punkter

$$u = x_0, x_1, \dots, x_n = v$$

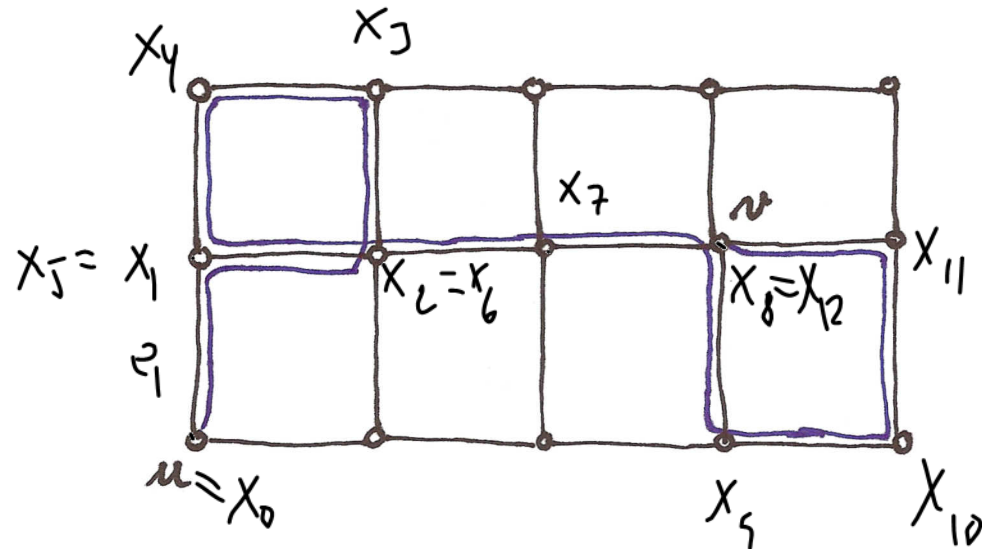
i G sådan at

e_i har endepunkter x_{i-1} og x_i , for alle $i = 1, \dots, n$.

Hvis $u = v$ og $n > 0$ så kaldes vejen en kreds.

Vejen (kredsen) siges at være simpel hvis alle kanterne e_1, \dots, e_n er forskellige.

En vej fra u til v



Beskrivelse af vejen:

- * følgen af kanter man kommer igennem fra u til v
- * følgen af punkter man besøger fra u til v

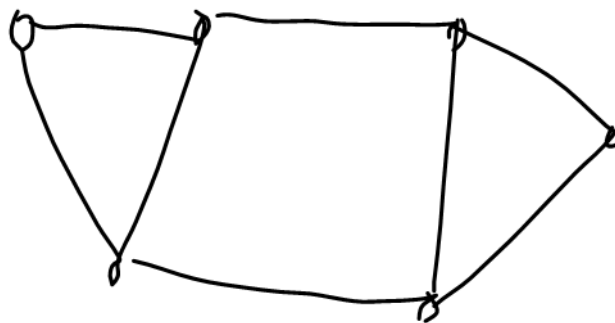
I en vej kan punkter og kanter gentages.

I en simpel vej gentages kanter ikke, men vejen kan gå gennem samme punkt flere gange.

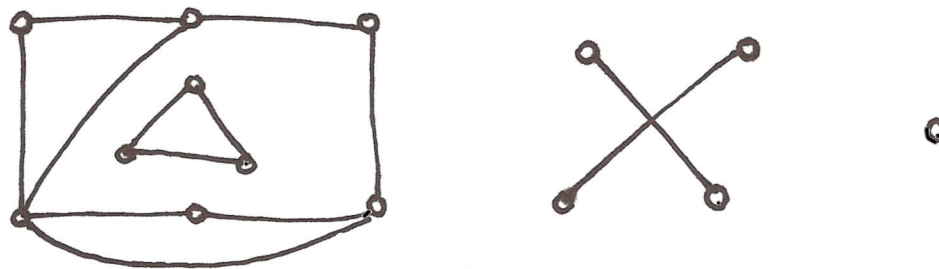
Sætning 1. I en kortest vej fra u til v bruges hver kant og hvert punkt højst én gang.

Bemærk: andre bøger stiller andre krav til en vej.

En ikke-orienteret graf G siges at være sammenhængende hvis der er en vej fra u til v i G for ethvert par af punkter u og v i G .



En sammenhængskomponent i en graf G er en sammenhængende delgraf af G som ikke er delgraf af en anden sammenhængende delgraf af G .



En graf med 5 sammenhængskomponenter.